



# 中华人民共和国密码行业标准

GM/T 0003.2—2012

## SM2 椭圆曲线公钥密码算法 第 2 部分:数字签名算法

Public key cryptographic algorithm SM2 based on elliptic curves—  
Part 2:Digital signature algorithm

2012-03-21 发布

2012-03-21 实施

国家密码管理局 发布

# 目 次

前言	III
引言	IV
1 范围	1
2 规范性引用文件	1
3 术语和定义	1
4 符号	1
5 数字签名算法	2
5.1 总则	2
5.2 椭圆曲线系统参数	2
5.3 用户密钥对	3
5.4 辅助函数	3
5.4.1 概述	3
5.4.2 密码杂凑函数	3
5.4.3 随机数发生器	3
5.5 用户其他信息	3
6 数字签名的生成算法及流程	3
6.1 数字签名的生成算法	3
6.2 数字签名生成算法流程	3
7 数字签名的验证算法及流程	4
7.1 数字签名的验证算法	4
7.2 数字签名验证算法流程	5
附录 A (资料性附录) 数字签名与验证示例	6
A.1 一般要求	6
A.2 $F_p$ 上的椭圆曲线数字签名	6
A.3 $F_{2^m}$ 上的椭圆曲线数字签名	7

## 前　　言

GM/T 0003—2012《SM2 椭圆曲线公钥密码算法》分为 5 个部分：

第 1 部分：总则；

第 2 部分：数字签名算法；

第 3 部分：密钥交换协议；

第 4 部分：公钥加密算法；

第 5 部分：参数定义。

本部分为 GM/T 0003 的第 2 部分。

本部分依据 GB/T 1.1—2009 给出的规则起草。

请注意本文件的某些内容可能涉及专利。本文件的发布机构不承担识别这些专利的责任。

本部分的附录 A 为资料性附录。

本部分由国家密码管理局提出并归口。

本部分起草单位：北京华大信安科技有限公司、中国人民解放军信息工程大学、中国科学院数据与通信保护研究教育中心。

本部分主要起草人：陈建华、祝跃飞、叶顶峰、胡磊、裴定一、彭国华、张亚娟、张振峰。

## 引言

N. Koblitz 和 V. Miller 在 1985 年各自独立地提出将椭圆曲线应用于公钥密码系统。椭圆曲线公钥密码所基于的曲线性质如下：

有限域上椭圆曲线在点加运算下构成有限交换群，且其阶与基域规模相近；

类似于有限域乘法群中的乘幂运算，椭圆曲线多倍点运算构成一个单向函数。

在多倍点运算中，已知多倍点与基点，求解倍数的问题称为椭圆曲线离散对数问题。对于一般椭圆曲线的离散对数问题，目前只存在指数级计算复杂度的求解方法。与大数分解问题及有限域上离散对数问题相比，椭圆曲线离散对数问题的求解难度要大得多。因此，在相同安全程度要求下，椭圆曲线密码较其他公钥密码所需的密钥规模要小得多。

本部分描述了基于椭圆曲线的数字签名算法。

# SM2 椭圆曲线公钥密码算法

## 第 2 部分：数字签名算法

### 1 范围

GM/T 0003 的本部分规定了 SM2 椭圆曲线公钥密码算法的数字签名算法，包括数字签名生成算法和验证算法，并给出了数字签名与验证示例及其相应的流程。

本部分适用于商用密码应用中的数字签名和验证，可满足多种密码应用中的身份认证和数据完整性、真实性的安全需求。同时，本部分还可为安全产品生产商提供产品和技术的标准定位以及标准化的参考，提高安全产品的可信性与互操作性。

### 2 规范性引用文件

下列文件对于本文件的应用是必不可少的。凡是注日期的引用文件，仅注日期的版本适用于本文件。凡是不注日期的引用文件，其最新版本(包括所有的修改单)适用于本文件。

GM/T 0003.1 2012 SM2 椭圆曲线公钥密码算法 第 1 部分：总则

### 3 术语和定义

下列术语和定义适用于本文件。

#### 3.1

**消息 message**

任意有限长度的比特串。

#### 3.2

**签名消息 signed message**

由消息以及该消息的签名部分所组成的一组数据项。

#### 3.3

**签名密钥 signature key**

在数字签名生成过程中由签名者专用的秘密数据项，即签名者的私钥。

#### 3.4

**签名生成过程 signature process**

输入消息、签名密钥和椭圆曲线系统参数，并输出数字签名的过程。

#### 3.5

**可辨别标识 distinguishing identifier**

可以无歧义辨别某一实体身份的信息。

### 4 符号

下列符号适用于本部分。

$\Lambda, B$ : 使用公钥密码系统的两个用户。 $a, b : F_q$  中的元素, 它们定义  $F_q$  上的一条椭圆曲线  $E$ 。 $d_A$ : 用户  $\Lambda$  的私钥。 $E(F_q)$ :  $F_q$  上椭圆曲线  $E$  的所有有理点(包括无穷远点  $O$ )组成的集合。 $e$ : 密码杂凑函数作用于消息  $M$  的输出值。 $e'$ : 密码杂凑函数作用于消息  $M'$  的输出值。 $F_q$ : 包含  $q$  个元素的有限域。 $G$ : 椭圆曲线的一个基点, 其阶为素数。 $H_v(\cdot)$ : 消息摘要长度为  $v$  比特的密码杂凑函数。 $ID_A$ : 用户  $\Lambda$  的可辨别标识。 $M$ : 待签名消息。 $M'$ : 待验证消息。 $\text{mod } n$ : 模  $n$  运算。例如,  $23 \bmod 7 = 2$ 。 $n$ : 基点  $G$  的阶( $n$  是  $\#E(F_q)$  的素因子)。 $O$ : 椭圆曲线上的一个特殊点, 称为无穷远点或零点, 是椭圆曲线加法群的单位元。 $P_A$ : 用户  $\Lambda$  的公钥。 $q$ : 有限域  $F_q$  中元素的数目。 $x \parallel y$ :  $x$  与  $y$  的拼接, 其中  $x, y$  可以是比特串或字节串。 $Z_A$ : 关于用户  $\Lambda$  的可辨别标识、部分椭圆曲线系统参数和用户  $\Lambda$  公钥的杂凑值。 $(r, s)$ : 发送的签名。 $(r', s')$ : 收到的签名。 $[k]P$ : 椭圆曲线上点  $P$  的  $k$  倍点, 即,  $[k]P = \underbrace{P + P + \cdots + P}_{k\text{个}}, k$  是正整数。 $[x, y]$ : 大于或等于  $x$  且小于或等于  $y$  的整数的集合。 $\lceil x \rceil$ : 顶函数, 大于或等于  $x$  的最小整数。例如,  $\lceil 7 \rceil = 7, \lceil 8.3 \rceil = 9$ 。 $\lfloor x \rfloor$ : 底函数, 小于或等于  $x$  的最大整数。例如,  $\lfloor 7 \rfloor = 7, \lfloor 8.3 \rfloor = 8$ 。 $\#E(F_q)$ :  $E(F_q)$  上点的数目, 称为椭圆曲线  $E(F_q)$  的阶。

## 5 数字签名算法

### 5.1 总则

数字签名算法由一个签名者对数据产生数字签名, 并由一个验证者验证签名的可靠性。每个签名者有一个公钥和一个私钥, 其中私钥用于产生签名, 验证者用签名者的公钥验证签名。在签名的生成过程之前, 要用密码杂凑函数对  $\overline{M}$ (包含  $Z_A$  和待签消息  $M$ )进行压缩; 在验证过程之前, 要用密码杂凑函数对  $\overline{M}'$ (包含  $Z_A$  和待验证消息  $M'$ )进行压缩。

### 5.2 椭圆曲线系统参数

椭圆曲线系统参数包括有限域  $F_q$  的规模  $q$  (当  $q=2^m$  时, 还包括元素表示法的标识和约化多项式); 定义椭圆曲线  $E(F_q)$  的方程的两个元素  $a, b \in F_q$ ;  $E(F_q)$  上的基点  $G=(x_G, y_G)$  ( $G \neq O$ ), 其中  $x_G$  和  $y_G$  是  $F_q$  中的两个元素;  $G$  的阶  $n$  及其他可选项(如  $n$  的余因子  $h$  等)。

椭圆曲线系统参数及其验证应符合 GM/T 0003.1 2012 第 5 章的规定。

### 5.3 用户密钥对

用户  $\Lambda$  的密钥对包括其私钥  $d_A$  和公钥  $P_A = [d_A]G = (x_A, y_A)$ 。

用户密钥对的生成算法与公钥验证算法应符合 GM/T 0003.1 2012 第 6 章的规定。

### 5.4 辅助函数

#### 5.4.1 概述

在本部分规定的椭圆曲线数字签名算法中,涉及两类辅助函数:密码杂凑函数与随机数发生器。

#### 5.4.2 密码杂凑函数

本部分规定使用国家密码管理局批准的密码杂凑算法,如 SM3 密码杂凑算法。

#### 5.4.3 随机数发生器

本部分规定使用国家密码管理局批准的随机数发生器。

### 5.5 用户其他信息

作为签名者的用户  $\Lambda$  具有长度为  $entlen_A$  比特的可辨别标识  $ID_A$ ,记  $ENTL_A$  是由整数  $entlen_A$  转换而成的两个字节,在本部分规定的椭圆曲线数字签名算法中,签名者和验证者都需要用密码杂凑函数求得用户  $\Lambda$  的杂凑值  $Z_A$ 。按 GM/T 0003.1 2012 4.2.6 和 4.2.5 给出的方法,将椭圆曲线方程参数  $a$ 、 $b$ 、 $G$  的坐标  $x_G$ 、 $y_G$  和  $P_A$  的坐标  $x_A$ 、 $y_A$  的数据类型转换为比特串,  $Z_A = H_{256}(ENTL_A \parallel ID_A \parallel a \parallel b \parallel x_G \parallel y_G \parallel x_A \parallel y_A)$ 。

## 6 数字签名的生成算法及流程

### 6.1 数字签名的生成算法

设待签名的消息为  $M$ ,为了获取消息  $M$  的数字签名  $(r, s)$ ,作为签名者的用户  $\Lambda$  应实现以下运算步骤:

$\Lambda_1$ :置  $\overline{M} = Z_A \parallel M$ ;

$\Lambda_2$ :计算  $e = H_v(\overline{M})$ ,按 GM/T 0003.1 2012 4.2.4 和 4.2.3 给出的方法将  $e$  的数据类型转换为整数;

$\Lambda_3$ :用随机数发生器产生随机数  $k \in [1, n-1]$ ;

$\Lambda_4$ :计算椭圆曲线点  $(x_1, y_1) = [k]G$ ,按 GM/T 0003.1 2012 的 4.2.8 给出的方法将  $x_1$  的数据类型转换为整数;

$\Lambda_5$ :计算  $r = (e + x_1) \bmod n$ ,若  $r = 0$  或  $r + k = n$  则返回  $\Lambda_3$ ;

$\Lambda_6$ :计算  $s = ((1 + d_A)^{-1} \cdot (k - r \cdot d_A)) \bmod n$ ,若  $s = 0$  则返回  $\Lambda_3$ ;

$\Lambda_7$ :按 GM/T 0003.1 2012 4.2.2 给出的细节将  $r, s$  的数据类型转换为字节串,消息  $M$  的签名为  $(r, s)$ 。

注:数字签名生成过程的示例参见附录 A。

### 6.2 数字签名生成算法流程

数字签名生成算法流程见图 1。

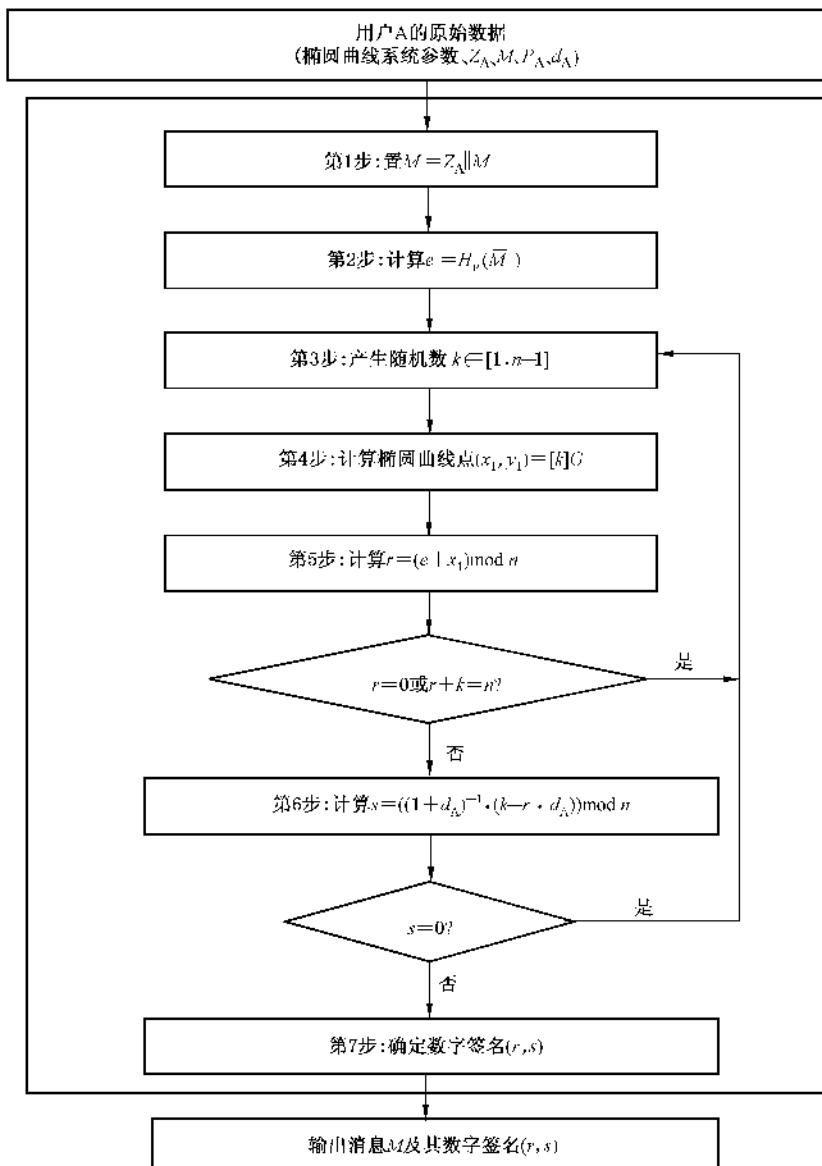


图 1 数字签名生成算法流程

## 7 数字签名的验证算法及流程

### 7.1 数字签名的验证算法

为了检验收到的消息  $M'$  及其数字签名  $(r', s')$ , 作为验证者的用户 B 应实现以下运算步骤:

- B<sub>1</sub>: 检验  $r' \in [1, n-1]$  是否成立, 若不成立则验证不通过;
- B<sub>2</sub>: 检验  $s' \in [1, n-1]$  是否成立, 若不成立则验证不通过;
- B<sub>3</sub>: 置  $\bar{M}' = Z_A \parallel M'$ ;
- B<sub>4</sub>: 计算  $e' = H_p(\bar{M}')$ , 按 GM/T 0003.1—2012 4.2.4 和 4.2.3 给出的方法将  $e'$  的数据类型转换为整数;
- B<sub>5</sub>: 按本 GM/T 0003.1—2012 4.2.3 给出的方法将  $r', s'$  的数据类型转换为整数, 计算  $t = (r' + s') \bmod n$ , 若  $t = 0$ , 则验证不通过;
- B<sub>6</sub>: 计算椭圆曲线点  $(x_1', y_1') = [s']G + [t]P_A$ ;

B<sub>7</sub>: 按 GM/T 0003.1 2012 4.2.8 给出的方法将  $x'_1$  的数据类型转换为整数, 计算  $R = (e' + x'_1) \bmod n$ , 检验  $R = r'$  是否成立, 若成立则验证通过; 否则验证不通过。

注: 如果  $Z_A$  不是用户  $\Lambda$  所对应的杂凑值, 验证自然通不过。数字签名验证过程的示例参见附录 A。

## 7.2 数字签名验证算法流程

数字签名验证算法流程见图 2。

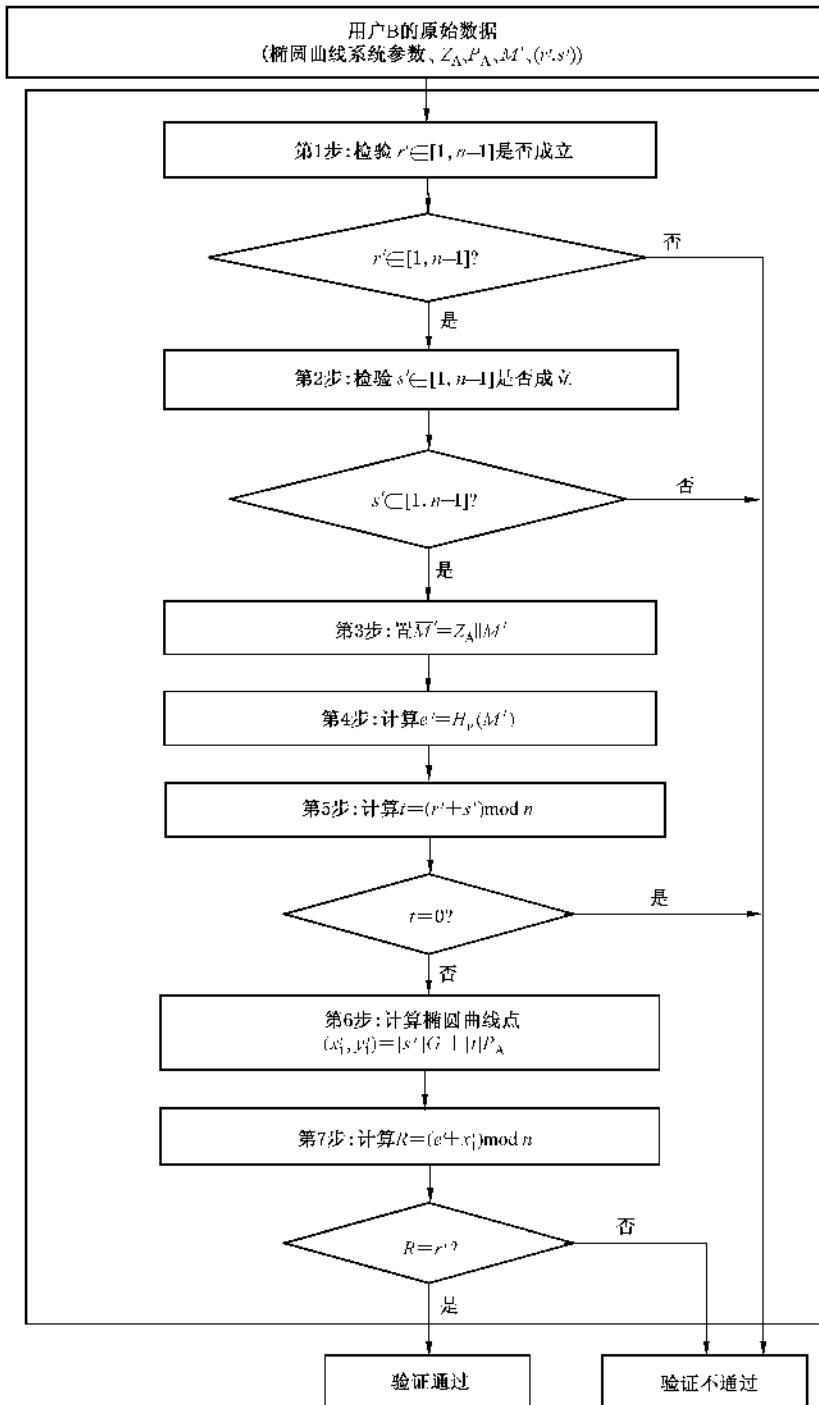


图 2 数字签名验证算法流程

附录 A  
(资料性附录)  
数字签名与验证示例

### A.1 一般要求

本附录选用 GM/T 0004—2012《SM3 密码杂凑算法》给出的密码杂凑函数, 其输入是长度小于  $2^{64}$  的消息比特串, 输出是长度为 256 比特的杂凑值, 记为  $H_{256}(\cdot)$ 。

本附录中, 所有用 16 进制表示的数, 左边为高位, 右边为低位。

本附录中, 消息采用 ASCII 编码。

设用户 A 的身份是: ALICE123 @ YAHOO. COM。用 ASCII 编码记  $ID_A: 414C\ 49434531\ 32334059\ 41484F4F\ 2E434F4D$ 。 $ENTL_A - 0090$ 。

### A.2 $F_p$ 上的椭圆曲线数字签名

椭圆曲线方程为:  $y^2 = x^3 + ax + b$

示例 1:  $F_p$  256

素数  $p: 8542D69E\ 4C044F18\ E8B92435\ BF6FF7DE\ 45728391\ 5C45517D\ 722EDB8B\ 08F1DFC3$

系数  $a: 787968B4\ FA32C3FD\ 2417842E\ 73BBFEFF\ 2F3C848B\ 6831D7E0\ EC65228B\ 3937E498$

系数  $b: 63E4C6D3\ B23B0C84\ 9CF84241\ 484BFE48\ F61D59A5\ B16BA06E\ 6E12D1DA\ 27C5249A$

基点  $G$  ( $x_G, y_G$ ), 其阶记为  $n$ :

坐标  $x_G: 421DEBD6\ 1B62EAB6\ 746434EB\ C3CC315E\ 32220B3B\ ADD50BDC\ 4C4E6C14\ 7FEDD43D$

坐标  $y_G: 0680512B\ CBB42C07\ D47349D2\ 153B70C4\ E5D7FDFA\ BFA36EA1\ A85841B9\ E46E09A2$

阶  $n: 8542D69E\ 4C044F18\ E8B92435\ BF6FF7DD\ 29772063\ 0485628D\ 5AE74EE7\ C32E79B7$

待签名的消息  $M$ : message digest

私钥  $d_A: 128B2FA8\ BD433C6C\ 068C8D80\ 3DFF7979\ 2A519A55\ 171B1B65\ 0C23661D\ 15897263$

公钥  $P_A$  ( $x_A, y_A$ ):

坐标  $x_A: 0AEC4C779\ 8AA0F119\ 471BEE11\ 825BE462\ 02BB79E2\ A5844495\ E97C04FF\ 4DF2548A$

坐标  $y_A: 7C0240F8\ 8F1CD4E1\ 6352A73C\ 17B7F16F\ 07353E53\ A176D684\ A9FE0C6B\ B798E857$

杂凑值  $Z_A = H_{256}(ENTL_A \parallel ID_A \parallel a \parallel b \parallel x_G \parallel y_G \parallel x_A \parallel y_A)$ 。

$Z_A: F4A38489\ E32B45B6\ F876E3AC\ 2168CA39\ 2362DC8F\ 23459C1D\ 1146FC3D\ BFB7BC9A$

签名各步骤中的有关值:

$\overline{M}, Z_A \parallel M$ :

$F4A38489\ E32B45B6\ F876E3AC\ 2168CA39\ 2362DC8F\ 23459C1D\ 1146FC3D\ BFB7BC9A$

$6D657373\ 61676520\ 64696765\ 7374$

密码杂凑函数值  $e = H_{256}(\overline{M})$ :  $B524F552\ CD82B8B0\ 28476E00\ 5C377FB1\ 9A87E6FC\ 682D48BB$

$5D42E3D9\ B9EFFE76$

产生随机数  $k: 6CB28D99\ 385C175C\ 94F94E93\ 4817663F\ C176D925\ DD72B727\ 260DBA8E\ 1FB2F96F$

计算椭圆曲线点  $(x_1, y_1) = [k]G$ :

坐标  $x_1: 110FCDA5\ 7615705D\ 5E7B9324\ AC4B856D\ 23E6D918\ 8B2AE477\ 59514657\ CE25D112$

坐标  $y_1: 1C65D68A\ 4A08601D\ F24B431E\ 0CAB4E8E\ 084772B3\ 817E8581\ 1A8510B2\ DF7ECA1A$

计算  $r = (e + x_1) \bmod n: 40F1EC59\ F793D9F4\ 9E09DCEF\ 49130D41\ 94F79FB1\ EED2CAA5$

$5BACDB49\ C4E755D1$

$(1+d_A)^{-1} : 79BFCF30\ 52C80DA7\ B939E0C6\ 914A18CB\ B2D96D85\ 55256E83\ 122743A7\ D4F5F956$

计算  $s \cdot ((1+d_A)^{-1} \cdot (k \cdot r \cdot d_A)) \bmod n : 6FC6DAC3\ 2C5D5CF1\ 0C77DFB2\ 0F7C2EB6\ 67A45787$   
 $2FB09EC5\ 6327A67E\ C7DEEBE7$

消息  $M$  的签名为  $(r, s)$ :

值  $r : 40F1EC59\ F793D9F4\ 9E09DCEF\ 49130D41\ 94F79FB1\ EED2CAA5\ 5BACDB49\ C4E755D1$

值  $s : 6FC6DAC3\ 2C5D5CF1\ 0C77DFB2\ 0F7C2EB6\ 67A45787\ 2FB09EC5\ 6327A67E\ C7DEEBE7$

验证各步骤中的有关值:

密码杂凑函数值  $e' = H_{256}(\bar{M}) : B524F552\ CD82B8B0\ 28476E00\ 5C377FB1\ 9A87E6FC\ 682D48BB$   
 $5D42E3D9\ B9EFFE76$

计算  $t \cdot (r' + s') \bmod n : 2B75F07E\ D7ECE7CC\ C1C8986B\ 991F441A\ D324D6D6\ 19FE06DD$   
 $63ED32E0\ C997C801$

计算椭圆曲线点  $(x'_0, y'_0) = [s']G$ :

坐标  $x'_0 : 7DEACE5F\ D121BC38\ 5A3C6317\ 249F413D\ 28C17291\ A60DFD83\ B835A453\ 92D22B0A$

坐标  $y'_0 : 2E49D5E5\ 279E5F9A9\ 1E71FD8F\ 693A64A3\ C4A94611\ 15A4FC9D\ 79F34EDC\ 8BDDEBD0$

计算椭圆曲线点  $(x'_{00}, y'_{00}) = [\iota]P_A$ :

坐标  $x'_{00} : 1657FA75\ BF2ADCDC\ 3C1F6CF0\ 5AB7B45E\ 04D3ACBE\ 8E4085CF\ A669CB25\ 64F17A9F$

坐标  $y'_{00} : 19F0115F\ 21E16D2F\ 5C3A485F\ 8575A128\ BBCDDF80\ 296A62F6\ AC2EB842\ DD058E50$

计算椭圆曲线点  $(x'_1, y'_1) = [s']G + [\iota]P_A$ :

坐标  $x'_1 : 110FCDA5\ 7615705D\ 5E7B9324\ AC4B856D\ 23E6D918\ 8B2AE477\ 59514657\ CE25D112$

坐标  $y'_1 : 1C65D68A\ 4A08601D\ F24B431E\ 0CAB4E8E\ 084772B3\ 817E8581\ 1A8510B2\ DF7ECA1A$

计算  $R = (e' + x'_1) \bmod n : 40F1EC59\ F793D9F4\ 9E09DCEF\ 49130D41\ 94F79FB1\ EED2CAA5$   
 $5BACDB49\ C4E755D1$

### A.3 $F_{2^m}$ 上的椭圆曲线数字签名

椭圆曲线方程为:  $y^2 + xy - x^3 + ax^2 + b$

示例 2:  $F_{2^m} = 257$

基域生成多项式:  $x^{257} + x^{12} + 1$

系数  $a: 0$

系数  $b: 00\ E78BCD09\ 746C2023\ 78A7E72B\ 12BCE002\ 66B9627E\ CB0B5A25\ 367AD1AD\ 4CC6242B$

基点  $G = (x_G, y_G)$ , 其阶记为  $n$ :

坐标  $x_G : 00\ CDB9CA7F\ 1E6B0441\ F658343F\ 4B10297C\ 0EF9B649\ 1082400A\ 62E7A748\ 5735FADD$

坐标  $y_G : 01\ 3DE74DA6\ 5951C4D7\ 6DC89220\ D5F7777A\ 611B1C38\ BAE260B1\ 75951DC8\ 060C2B3E$

阶  $n : 7FFFFFFF\ FFFFFFFF\ FFFFFFFF\ FFFFFFFF\ BC972CF7\ E6B6F900\ 945B3C6A\ 0CF6161D$

待签名的消息  $M$ : message digest

私钥  $d_A : 771EF3DB\ FF5F1CDC\ 32B9C572\ 93047619\ 1998B2BF\ 7CB981D7\ F5B39202\ 645F0931$

公钥  $P_A = (x_A, y_A)$ :

坐标  $x_A : 01\ 65961645\ 281A8626\ 607B917F\ 657D7E93\ 82F1EA5C\ D931F40F\ 6627F357\ 542653B2$

坐标  $y_A : 01\ 68652213\ 0D590FB8\ DE635D8F\ CA715CC6\ BF3D05BE\ F3F75DA5\ D5434544\ 48166612$

杂凑值  $Z_A = H_{256}(ENTL_A \parallel ID_A \parallel a \parallel b \parallel x_G \parallel y_G \parallel x_A \parallel y_A)$ .

$Z_A : 26352AF8\ 2EC19F20\ 7BBC6F94\ 74E11E90\ CE0F7DDA\ CE03B27F\ 801817E8\ 97A81FD5$

签名各步骤中的有关值:

$\bar{M} = Z_A \parallel M$ :

$26352AF8\ 2EC19F20\ 7BBC6F94\ 74E11E90\ CE0F7DDA\ CE03B27F\ 801817E8\ 97A81FD5$

$6D657373\ 61676520\ 64696765\ 7374$

密码杂凑函数值  $e = H_{256}(\bar{M}) : AD673CBD\ A3114171\ 29A9EAA5\ F9AB1AA1\ 633AD477\ 18A84DFD$   
 $46C17C6F\ A0AA3B12$

产生随机数  $k$ : 36CD79FC 8E24B735 7A8A7B4A 46D454C3 97703D64 98158C60 5399B341 ADA186D6

计算椭圆曲线点( $x_1, y_1$ )  $[k]G$ :

坐标  $x_1$ : 00 3FD87D69 47A15F94 25B32EDD 39381ADF D5E71CD4 BB357E3C 6A6E0397 EEA7CD66

坐标  $y_1$ : 00 80771114 6D73951E 9EB373A6 58214054 B7B56D1D 50B4CD6E B32ED387 A65AA6A2

计算  $r \equiv (e+x_1) \pmod{n}$ : 6D3FBA26 EAB2A105 4F5D1983 32E33581 7C8AC453 ED26D339

1CD4439D 825BF25B

$(1+d_A)^{-1}$ : 73AFA2954 F951A9DF F5B4C8F7 119DAA1C 230C9BAD E60568D0 5BC3F432 1E1F4260

计算  $s \equiv ((1+d_A)^{-1} \cdot (k - r \cdot d_A)) \pmod{n}$ : 3124C568 8D95F0A1 0252A9BE D033BEC8 4439DA38

4621B6D6 FAD77F94 B74A9556

消息  $M$  的签名为  $(r, s)$ :

值  $r$ : 6D3FBA26 EAB2A105 4F5D1983 32E33581 7C8AC453 ED26D339 1CD4439D 825BF25B

值  $s$ : 3124C568 8D95F0A1 0252A9BE D033BEC8 4439DA38 4621B6D6 FAD77F94 B74A9556

验证各步骤中的有关值:

密码杂凑函数值  $e' = H_{256}(\overline{M'})$ : AD673CBD A3114171 29A9EAA5 F9ABA1AA1 633AD477  
18A84DFD 46C17C6F A0AA3B12

计算  $t \equiv (r'+s') \pmod{n}$ : 1E647F8F 784891A6 51AFC342 0316F44A 042D7194 4C91910F  
835086C8 2CB07194

计算椭圆曲线点( $x'_0, y'_0$ )  $[s']G$ :

坐标  $x'_0$ : 00 252CF6B6 3A044FCE 553EAA77 3E1E9264 44E0DAA1 0E4B8873 89D11552 EA6418F7

坐标  $y'_0$ : 00 776F3C5D B3A0D312 9EAE44E0 21C28667 92E4264B E1BEEBCA 3B8159DC A382653A

计算椭圆曲线点( $x'_{00}, y'_{00}$ )  $[t]P_A$ :

坐标  $x'_{00}$ : 00 07DA3F04 0E9B9C28 1BE107EC C389F56F E76A680B B5FDEE1D D554DC11 EB477C88

坐标  $y'_{00}$ : 01 7BA2845D C65945C3 D48926C7 0C953A1A F29CE2E1 9A7EEE6B E0269FB4 803CA68B

计算椭圆曲线点( $x'_1, y'_1$ )  $[s']G + [t]P_A$ :

坐标  $x'_1$ : 00 3FD87D69 47A15F94 25B32EDD 39381ADF D5E71CD4 BB357E3C 6A6E0397 EEA7CD66

坐标  $y'_1$ : 00 80771114 6D73951E 9EB373A6 58214054 B7B56D1D 50B4CD6E B32ED387 A65AA6A2

计算  $R \equiv (e'+x'_1) \pmod{n}$ : 6D3FBA26 EAB2A105 4F5D1983 32E33581 7C8AC453 ED26D339

1CD4439D 825BF25B

中华人民共和国密码  
行业标准  
**SM2 椭圆曲线公钥密码算法**  
**第2部分：数字签名算法**

GM/T 0003.2 2012

\*  
中国标准出版社出版发行  
北京市朝阳区和平里西街甲2号(100013)  
北京市西城区三里河北街16号(100045)

网址 [www.spc.net.cn](http://www.spc.net.cn)  
总编室:(010)64275323 发行中心:(010)51780235  
读者服务部:(010)68523946

中国标准出版社秦皇岛印刷厂印刷  
各地新华书店经销

\*  
开本 880×1230 1/16 印张 1 字数 20 千字  
2012年8月第一版 2012年8月第一次印刷

\*  
书号: 155066 · 2-23742 定价 18.00 元

如有印装差错 由本社发行中心调换  
版权专有 侵权必究  
举报电话:(010)68510107



GM/T 0003.2-2012